

Fiche de cours	Mathématiques	Quatrième
Chapitre : Vocabulaire et Calcul	Priorités de calcul	

Préparer la 3e

Livret de mathématiques

Ce livret comprend des fiches reprenant les notions étudiées jusqu'en 4^{ème} et qui constituent une base essentielle pour pouvoir suivre en 3^{ème}.

Il est bon de le conserver et de le consulter régulièrement pour rafraîchir des connaissances utiles lors des nouveaux chapitres de 3^{ème}. Ce n'est pas un simple cahier de vacances.

Le travail de ce cahier est à rendre à votre professeur de mathématiques dès la rentrée de septembre, lui permettant ainsi de mesurer le sérieux de votre préparation.

1 - Vocabulaires indispensable à connaître

SOMME.	$3 + 5 = 8$	DIFFERENCE.	$5 - 2 = 3$	TERMES.
PRODUIT.	$3 \times 7 = 21$	FACTEURS.		
QUOTIENT.	$\frac{3}{2} = 1,5$			

Une **somme algébrique** est une suite d'additions et de soustractions de nombres relatifs.

Ecriture simplifiée : On enlève toutes les parenthèses en respectant les règles

2 - Priorités de calcul

1 - **Parenthèses** (Barre de fraction joue le rôle d'une parenthèse)

2 – **Puissances**

3 – **Multiplication et division**, on effectue les calculs dans l'ordre d'écriture

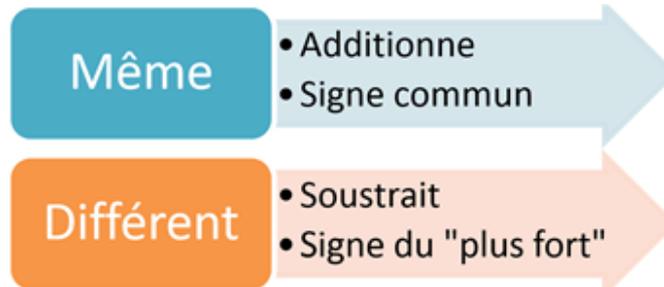
4 - **Les additions et les soustractions**, dans l'ordre d'écriture.

Exemple :

$A = 3 + ((20 - 4) - 5) + 7$ $A = 3 + (16 - 5) + 7$ $A = 3 + 11 + 7$ $A = 14 + 7$ $A = 21$	$B = 9 - 2 + 40 - 12 + 1$ $B = 7 + 40 - 12 + 1$ $B = 47 - 12 + 1$ $B = 36 + 1$ $B = 37$
$C = 3 + 10 : 5 \times 6$ $C = 3 + 2 \times 6$ $C = 3 + 12$ $C = 15$	$D = 14 : 2 \times (21 - 11) - 3$ $D = 14 : 2 \times 10 - 3$ $D = 7 \times 10 - 3$ $D = 70 - 3$ $D = 67$

Fiche de cours	Mathématiques	Cinquième
Chapitre : Relatifs	Additions de Nombres Relatifs	

1 - Addition



Pour additionner 2 nombres de même signe.	Pour additionner 2 nombres de signe opposé.
<p><i>On additionne les distances à zéro ou les parties numériques (p.n)</i> <i>On attribue le signe commun</i></p>	<p><i>On soustrait les distances à zéro.</i> <i>On attribue le signe de celui qui à la plus grande distance à zéro</i></p>
$A = -5 - 6 = \overbrace{-}^{\text{Signe commun}} \boxed{\text{addition des p.n}} \quad (5 + 6) = -11$ $B = 2 + 3 = \overbrace{+}^{\text{Signe commun}} \boxed{\text{add. des p.n}} \quad (2 + 3) = +5$	$C = 4 - 7 = \overbrace{-}^{\text{signe de } (-7)} \boxed{\text{soust. des p.n}} \quad (7 - 4) = -3$ $D = -3 + 8 = \overbrace{+}^{\text{signe de } (+8)} \boxed{\text{soust. des p.n}} \quad (8 - 3) = +5$

2 - Soustraction

Soustraire c'est ajouter l'opposé du nombre.

$$E = 3 - 6 = 3 + (-6) = (-3)$$

Car soustraire 6 c'est ajouter l'opposé de 6 soit (-6)

$$F = -3 - (-6) = -3 + (+6) = (+3)$$

Car soustraire 6 c'est ajouter l'opposé de (-6) soit 6



Fiche de cours	Mathématiques	Quatrième
Chapitre : Relatifs	Produits et quotients de Relatifs	

1. Produit (multiplication). Pour effectuer le produit de 2 relatifs :

On applique la règle des signes.	
Signes différents -	Même signe +
$\ominus \times \oplus = \ominus$ <i>moins × plus = moins</i> $A = (-2) \times 5 =$ $A = -10$	$\ominus \times \ominus = \oplus$ <i>moins × moins = plus</i> $A = (-2) \times (-5) =$ $A = +10 = 10$
$\oplus \times \ominus = \ominus$ <i>plus × moins = moins</i> $A = 2 \times (-5) =$ $A = -10$	$\oplus \times \oplus = \oplus$ <i>plus × plus = plus</i> $A = (+2) \times (+5) =$ $A = +10 = 10$

Exemples



$$A = \frac{-5 - 3}{1 + 2 \times (-3)}$$

$$A = \frac{-8}{1 + (-6)}$$

$$A = \frac{-8}{-5}$$

$$A = \frac{8}{5}$$

$$B = \left(\frac{-15}{-3}\right) \times (10 - 13)$$

$$B = \left(\frac{-5 \times 3}{-3}\right) \times (-3)$$

$$B = 5 \times (-3)$$

$$B = -15$$

$$C = -2 \times \frac{5}{-4}$$

$$C = -2 \times \frac{5}{-2 \times 2}$$

$$C = \frac{5}{2}$$

3. Quotient (division). Pour effectuer le quotient de deux relatifs :

On effectue le quotient (la division) des distances à zéro
On applique la règle des signes (avec : remplaçant ×).

$E = (-10) : 5 = -\left(\frac{10}{5}\right) = -2$	$F = 10 : (-5) = -\left(\frac{10}{5}\right) = -2$
$G = 10 : 5 = +\left(\frac{10}{5}\right) = 2$	$H = (-10) : (-5) = +\left(\frac{10}{5}\right) = 2$

2. Enchaînement d'opération



Fiche de cours	Mathématiques	Cinquième/Quatrième
Chapitre : Fractions	Additions et multiplications de fractions	

Dans tout ce qui suit, a, b, c, d et k sont des entiers relatifs avec **b et d différents de zéro.**

1. Règle de base des quotients égaux

$$\frac{a}{b} = \frac{a \times k}{b \times k} = \frac{a : k}{b : k}$$

avec k et b non nuls ($k \neq 0$ et $b \neq 0$)

2. Simplification de fractions

$$\frac{100}{105} = \frac{5 \times 20}{5 \times 21} = \frac{20}{21}$$

$$\frac{210}{270} = \frac{30 \times 7}{30 \times 9} = \frac{7}{9}$$

3. Critères de divisibilité

- Par 2** : Un nombre est divisible par 2 si il se termine par 0, 2, 4, 6 ou 8.
 Exemple : 124 ($124 = 2 \times 62$); 758 ($758 = 2 \times 379$); 4796; 800.
- Par 3** : Un nombre est divisible par 3 si la somme de ses chiffres est aussi divisible par 3
 Exemple : 60 car $6 + 0 = 6$ qui est divisible par 3 (On a bien $60 = 3 \times 20$).
 111 car $1 + 1 + 1 = 3$ qui est divisible par 3 (On a bien $111 = 3 \times 37$).
- Par 9** : Un nombre est divisible par 9 si la somme de ses chiffres est aussi divisible par 9
 Exemple : 126 car $1 + 2 + 6 = 9$ qui est divisible par 9 (On a bien $126 = 9 \times 14$).
 936 car $9 + 3 + 6 = 19$ qui est divisible par 9 (On a bien $936 = 9 \times 104$).
- Par 5** : Un nombre est divisible par 5 si il se termine par 0 ou 5.
 Exemple : 90, on a $90 = 5 \times 18$
 735, on a bien $735 = 5 \times 147$
- Par 10** : Un nombre est divisible par 10 si il se termine par 0
 Exemple : 90, on a $90 = 10 \times 9$
 730, on a bien $730 = 10 \times 73$

4. Multiplication de fractions

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

$$a \times \frac{c}{d} = \frac{a}{1} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{1 \times d} = \frac{a \times c}{d}$$

$$A = 12 \times \frac{40}{60} = \frac{12 \times 40}{60}$$

$$A = \frac{\overbrace{6 \times 2}^{12} \times \overbrace{4 \times 10}^{40}}{\overbrace{6 \times 10}^{60}}$$

$$A = 2 \times 4 = 8$$

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

$$B = \frac{-3}{50} \times \frac{100}{21} = -\frac{3 \times 100}{50 \times 21}$$

$$B = -\frac{\overbrace{3 \times 2 \times 50}^{100}}{\overbrace{50 \times 3 \times 7}^{21}}$$

$$B = -\frac{2}{7}$$



5. Division de fractions : **Diviser, c'est multiplier par l'inverse**



$$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$

Avec b, c et d non nuls.

$$a : \frac{c}{d} = \frac{a}{1} : \frac{c}{d} = \frac{a}{1} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{c}$$

$$C = 12 : \frac{40}{60} = 12 \times \frac{60}{40} = \frac{12 \times 60}{40}$$

$$C = \frac{\overbrace{6 \times 2}^{12} \times \overbrace{6 \times 10}^{60}}{\underbrace{2 \times 10}_{40}} = \frac{36}{2}$$

$$C = 18$$

$$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$$

$$D = \frac{-3}{37} : \frac{24}{111} = \frac{-3}{37} \times \frac{111}{24} = -\frac{3 \times 111}{37 \times 24}$$

$$D = -\frac{\overbrace{3 \times 3 \times 37}^{111}}{\underbrace{37 \times 3 \times 8}_{24}}$$

$$D = -\frac{3}{8}$$

6. Addition de fractions : **Pour additionner des fractions, il faut les mettre au même dénominateur**

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$$

$$a + \frac{c}{d} = \frac{a}{1} + \frac{c}{d} = \frac{a \times d}{1 \times d} + \frac{c}{d} = \frac{(a \times d) + c}{d}$$

$$E = 2 + \frac{3}{4} = \frac{2}{1} + \frac{3}{4} = \frac{2 \times 4}{1 \times 4} + \frac{3}{4}$$

$$E = \frac{8}{4} + \frac{3}{4} = \frac{8+3}{4}$$

$$E = \frac{11}{4}$$

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$$

$$F = \frac{-17}{3} + \frac{2}{3} = \frac{-17+2}{3}$$

$$F = \frac{-15}{3}$$

$$F = -5$$

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{a \times d}{b \times d} + \frac{c \times b}{d \times b} = \frac{ad + cb}{bd}$$

$$G = \frac{2}{3} + \frac{8}{15} = \frac{2 \times 5}{3 \times 5} + \frac{8}{15}$$

$$G = \frac{10}{15} + \frac{8}{15}$$

$$G = \frac{10+8}{15} = \frac{18}{15}$$

$$G = \frac{18 : 3}{15 : 3} = \frac{6}{5}$$

$$H = \frac{2}{3} - \frac{5}{4} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} - \frac{5 \times 3}{4 \times 3}$$

$$H = \frac{8}{12} - \frac{15}{12} = \frac{8-15}{12}$$

$$H = \frac{-7}{12}$$



Fiche de cours	Mathématiques	Quatrième
Chapitre : Puissances	Puissances	

Puissances

a) Définition

Le nombre réel a à la puissance n (ou à l'exposant n) est définie par :

$$a^n = \underbrace{a \times a \times a \times \dots \times a}_{n \text{ fois}}$$

a étant **un nombre réel** ($a \in \mathbb{R}$) et n un entier non nul ($n \in \mathbb{N}^*$)

b) Règles

Par convention

$a^0 = 1$	$a^1 = a$	$a^{-1} = \frac{1}{a}$	$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
$3^0 = 1$ $(-5,75)^0 = 1$ $\left(\frac{\pi}{5}\right)^0 = 1$	$3^1 = 3$ $(-5,75)^1 = -5,75$ $\left(\frac{\pi}{5}\right)^1 = \frac{\pi}{5}$ $x^1 = x$	$3^{-1} = \frac{1}{3}$ $10^{-1} = \frac{1}{10} = 0,1$ $x^{-1} = \frac{1}{x}$	$3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \frac{1}{9}$ $10^{-3} = \frac{1}{10^3} = 0,001$ $x^{-2} = \frac{1}{x^2}$

Remarque :

0^0 n'est pas défini, n'existe pas.

1 - Règles pour un réel a (n et p deux entiers relatifs)

$a^n \times a^p = a^{n+p}$	$(a^n)^p = a^{n \times p}$	$\frac{a^n}{a^p} = a^{n-p}$
$A = 2^3 \times 2^4 = 2^{3+4}$ $A = 2^7$ $B = 10^3 \times 10^{-4}$ $B = 10^{3-4} = 10^{-1} = \frac{1}{10^1}$ $B = \frac{1}{10} = 0,1$ $C = x^2 \times x^3 = x^{2+3}$ $C = x^5$	$D = (2^3)^4 = 2^{3 \times 4}$ $D = 2^{12}$ $E = (10^3)^{-4} = 10^{3 \times (-4)}$ $E = 10^{-12} = \frac{1}{10^{12}}$ $F = (x^2)^3 = x^{2 \times 3}$ $F = x^6$	$G = \frac{2^3}{2^7} = 2^{3-7}$ $G = 2^{-4} = \frac{1}{2^4}$ $H = \frac{10^3}{10^{-2}} = 10^{3-(-2)} = 10^{3+2}$ $H = 10^5 = 100\,000$ $I = \frac{x^3}{x} = \frac{x^3}{x^1} = x^{3-1}$ $I = x^2$

2 - Règles pour a réel et b réel non nul (n entier relatif)

$(a \times b)^n = a^n \times b^n$	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n} \quad \text{et} \quad \left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n = \frac{b^n}{a^n}$
$J = (5 \times 3)^2 = 5^2 \times 3^2 = 25 \times 9$ $\boxed{J = 225}$ $K = 5^5 \times 2^5 = (5 \times 2)^5 = 10^5$ $\boxed{K = 100\,000}$ $L = (3x)^2 = 3^2 \times x^2 = \boxed{9x^2}$ $M = (-2x)^3 = (-2)^3 \times x^3 = \boxed{-8x^3}$	$N = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{2^2}{3^2} = \boxed{\frac{4}{9}}$ $P = \left(\frac{10}{3}\right)^{-2} = \left(\frac{3}{10}\right)^2 = \frac{3^2}{10^2} = \boxed{\frac{9}{100} = 0,09}$ $Q = \left(\frac{x}{4}\right)^2 = \frac{x^2}{4^2} = \boxed{\frac{x^2}{16} = \frac{1}{16} \times x^2}$

Fiche de cours	Mathématiques	Quatrième
Chapitre : Développement	Développement	

1. Réduction

Réduire une expression, c'est assembler les éléments de même nature.

$$A(x) = 3 - 2x + y - 5 + 6x - 2y$$

On assemble les éléments de même nature en entourant l'élément et son signe.

$$\begin{aligned}
 A(x) &= \boxed{3} \boxed{-2x} \boxed{+y} \boxed{-5} \boxed{+6x} \boxed{-2y} \\
 A(x) &= \underbrace{y - 2y}_{-1y} \underbrace{-2x + 6x}_{+4x} \underbrace{+3 - 5}_{-2} \\
 \boxed{A(x) = -y + 4x - 2}
 \end{aligned}$$

$$B(x) = 5 - 7x + 3x^2 - 8 + 6x - 2x^2$$

On assemble les éléments de même nature en entourant l'élément et son signe.

$$\begin{aligned}
 B(x) &= \boxed{5} \boxed{-7x} \boxed{+3x^2} \boxed{-8} \boxed{+6x} \boxed{-2x^2} \\
 B(x) &= \underbrace{3x^2 - 2x^2}_{x^2} \underbrace{-7x + 6x}_{-1x} \underbrace{+5 - 8}_{-3} \\
 \boxed{B(x) = x^2 - x - 3}
 \end{aligned}$$

2. Multiplication

$$(ax^n) \times (bx^p) = (a \times b) \underbrace{x^n \times x^p}_{x^{n+p}} = (a \times b) x^{n+p}$$

Rappels

$1x = x$	$x^0 = 1$
$-1x = -x$	$x^1 = x$
$0x = 0$	$x \times x = x^2$
$-(-3x) = 3x$	$x \times x^2 = x^3$
$2x = 2 \times x$	$x^n \times x^p = x^{n+p}$



3. Exemples

$$\boxed{a \times (bx) = (a \times b) x} \quad (n = 0 \text{ et } p = 1)$$

$$C(x) = -5 \times (3x) = \underbrace{(-5 \times 3)}_{-15} x$$

$$\boxed{C(x) = -15x}$$

$$\boxed{(ax) \times (bx) = (a \times b) \frac{x \times x}{x^2} = (a \times b) x^2}$$

$$D(x) = (4x) \times (-2x) = \underbrace{(4 \times (-2))}_{-8} \frac{x \times x}{x^2}$$

$$\boxed{D(x) = -8x^2}$$

$$\boxed{a \times (bx^2) = (a \times b) x^2} \quad (n = 0 \text{ et } p = 2)$$

$$E(x) = -2 \times (-3x^2) = \underbrace{(-2 \times (-3))}_{+6} x^2$$

$$\boxed{E(x) = 6x^2}$$

$$\boxed{(ax) \times (bx^2) = (a \times b) \frac{x \times x^2}{x^3} = (a \times b) x^3}$$

$$F(x) = (4x) \times (-x^2) = \underbrace{(4 \times (-1))}_{-4} \frac{x \times x^2}{x^3}$$

$$\boxed{F(x) = -4x^3}$$

3. Développer par la simple distributivité.

Développer un produit c'est la transformer en une somme (ou une différence).



$$k \times (a + b) = k \times a + k \times b$$

$$G(x) = -2 \times (3 - 5x)$$
$$G(x) = \underbrace{(-2) \times 3}_{-6} + \underbrace{(-2) \times (-5x)}_{+10x}$$

$$G(x) = 10x - 6$$

$$H(x) = -2x \times (-3 + 4x)$$
$$H(x) = \underbrace{(-2x) \times (-3)}_{+6x} + \underbrace{(-2x) \times 4x}_{-8x^2}$$

$$H(x) = -8x^2 + 6x$$

Remarque : On rangera toujours dans l'ordre des puissances décroissantes, c'est-à-dire par exemple les x^2 en 1er, puis les x et les nombres en dernier.

$$I(x) = -3 \times (2 - x) - (x - 5)$$
$$I(x) = \underbrace{-6}_{(-3) \times 2} + \underbrace{+3x}_{(-3) \times (-x)} - x + 5$$

Puis on réduit

$$I(x) = \boxed{-6} \boxed{+3x} \boxed{-x} \boxed{+5}$$
$$I(x) = \underbrace{+3x - x}_{+2x} \underbrace{-6 + 5}_{-1}$$
$$I(x) = 2x - 1$$

$$J(x) = -3x \times (2 - x) - 5(x - 4)$$
$$J(x) = \underbrace{-6x}_{(-3x) \times 2} + \underbrace{+3x^2}_{(-3x) \times (-x)} \underbrace{-5x}_{(-5) \times x} + \underbrace{+20}_{(-5) \times (-4)}$$

Puis on réduit

$$J(x) = \boxed{-6x} \boxed{+3x^2} \boxed{-5x} \boxed{+20}$$
$$J(x) = 3x^2 \underbrace{-6x - 5x}_{-11x} + 20$$
$$J(x) = 3x^2 - 11x + 20$$



Fiche de cours	Mathématiques	Quatrième
Chapitre : Factorisation	Factorisations	

Factoriser une somme (ou une différence), c'est la transformer en produit.

On écrit les formules :

$$\boxed{k \times a + k \times b = k \times (a + b)}$$

somme → produit

$$\boxed{k \times a - k \times b = k \times (a - b)}$$

différence → produit

k est appelé le **facteur commun**.

Exemple :

$$A = 6x + 18;$$

$$A = 6x + 18$$

$$A = 6x + 6 \times 3$$

$$A = 6 \times (x + 3)$$

$$B = 5x^2 - 15x;$$

$$B = 5 \times x \times x - 5 \times 3 \times x$$

$$B = 5x(x - 3)$$

$$C = (3x - 1)(x - 8) + (2x + 4)(x - 8)$$

$$C = (x - 8)[(3x - 1) + (2x + 4)]$$

$$C = (x - 8)(3x - 1 + 2x + 4)$$

$$C = (x - 8)(5x + 3).$$

Fiche de cours	Mathématiques	Quatrième
Chapitre : Pythagore	Théorème de Pythagore et sa réciproque	

Théorème de Pythagore

Théorème 1 :

Soit ABC un triangle rectangle en A.

Alors le carré de l'hypoténuse est égal à la somme des carrés des deux autres côtés.

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

Autre formulation

Dans un triangle rectangle, l'aire du carré construit sur l'hypoténuse est égale à la somme des aires des carrés construits sur les deux autres côtés.

Question posée : Calculer la longueur AB, BC ou CA

Rédaction type :

➤ **Si ON A un triangle rectangle:** J'utilise le théorème de Pythagore

• On a : un triangle ABC rectangle en A

• Propriétés : d'après le théorème de Pythagore $BC^2 = BA^2 + AC^2$.

• Calcul : $BC^2 = BA^2 + AC^2$. $BC = \sqrt{BA^2 + AC^2}$.

$BA^2 = BC^2 - AC^2$. $BA = \sqrt{BC^2 - AC^2}$.

$AC^2 = BC^2 - BA^2$. $AC = \sqrt{BC^2 - BA^2}$.

• Conclusion : La longueur BC mesurecm (m ou)

Ou [BC] mesure.....cm

Ou BC vaut.....cm

Question posée : le triangle AFG est-il rectangle ?

➤ **Si ON A une figure codée :** J'utilise les propriétés des droites parallèles et perpendiculaires

➤ **Si ON A un triangle avec les trois longueurs :** J'utilise la réciproque du théorème de Pythagore

• On a : Dans le triangle AFG, le plus long côté est [AF]

• Calcul : D'une part : $AF^2 = \dots\dots\dots$ D'autre part : $AG^2 + GF^2 = \dots\dots\dots^2 + \dots\dots\dots^2 = \dots\dots\dots$

Je constate que :

$$AF^2 = AG^2 + GF^2$$

• Propriété : l'égalité de Pythagore est vérifiée d'après la réciproque du théorème de Pythagore

• Conclusion : le triangle AFG est rectangle en G.

$$AF^2 \neq AG^2 + GF^2$$

• Propriété : l'égalité de Pythagore n'est pas vérifiée d'après la réciproque du théorème de Pythagore

• Conclusion : le triangle AFG n'est pas rectangle.

Fiche de cours	Mathématiques	Cinquième/Quatrième
Chapitre : Triangle et droites remarquables	Triangle et droites remarquables	

1. Droites remarquables : Définitions.

a. Médiatrices

La **médiatrice** d'un segment $[AB]$ est la droite qui :

- Passe par le milieu du segment ;
- Et qui est perpendiculaire à ce segment.

b. Médianes

La **Médiane** d'un triangle est la droite qui :

- Passe par un sommet ;
- Et par le milieu du côté opposé à ce sommet.

On parle de médiane issue de A pour nommer la médiane qui passe par le sommet A dans le triangle ABC par exemple.

c. Hauteurs

La **hauteur** d'un triangle est la droite qui :

- Passe par le sommet ;
- Et qui est perpendiculaire au côté opposé au sommet.

2. Triangles et droites remarquables : propriétés

a - Triangles égaux

Deux triangles sont **égaux** (identiques) si :

- Ils ont **un côté** de même longueur adjacent à **deux angles** respectivement égaux.
- Ils ont **un angle** égal compris entre **deux côtés** respectivement de même longueur.
- Leurs **trois côtés** sont respectivement de même longueur.

Remarque : deux triangles sont dits « égaux » s'ils sont superposables.

b - Triangles semblables

- Deux triangles sont semblables lorsque leurs côtés ont des longueurs **proportionnelles**
- Deux triangles ayant leurs **angles respectivement égaux** sont **semblables**.

Rappels

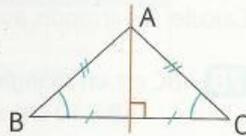
❁ Somme des angles

La somme des angles d'un triangle ABC est égale à 180° :

$$\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ.$$

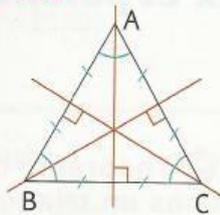
❁ Triangle ABC isocèle en A

- $AB = AC$ et $\widehat{ABC} = \widehat{ACB}$.
- La médiatrice du côté [BC] est aussi médiane, hauteur, bissectrice, axe de symétrie du triangle.



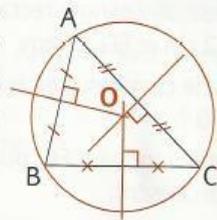
❁ Triangle équilatéral ABC

- $AB = AC = BC$
et $\widehat{ABC} = \widehat{BAC} = \widehat{ACB} = 60^\circ$.
- La médiatrice de chaque côté est aussi médiane, hauteur, bissectrice, axe de symétrie du triangle.

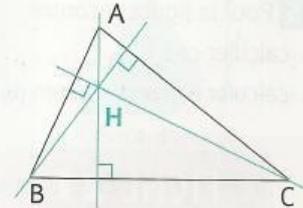


❁ Droites remarquables

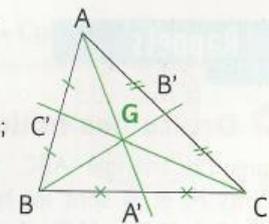
- Les **médiatrices** d'un triangle ABC sont concourantes au point O, **centre du cercle circonscrit** à ABC.
Donc $OA = OB = OC$.



- Les **hauteurs** d'un triangle ABC sont concourantes au point H, **orthocentre** de ABC.



- Les **médianes** d'un triangle ABC sont concourantes au point G, **centre de gravité** de ABC.
 $AG = \frac{2}{3} AA'$; $BG = \frac{2}{3} BB'$;
 $CG = \frac{2}{3} CC'$.



Longueurs, aires, volumes

Rappels

Unités usuelles

Longueurs

km	hm	dam	m	dm	cm	mm
		2	5	0	0	

$$25 \text{ m} = 2\,500 \text{ cm}$$

Aires

- $1 \text{ hm}^2 = 1 \text{ ha}$
- $1 \text{ dam}^2 = 1 \text{ a}$

km ²	hm ²	dam ²	m ²	dm ²	cm ²	mm ²
			25	00	00	

$$25 \text{ m}^2 = 250\,000 \text{ cm}^2$$

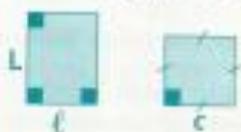
Volumes et contenances

m ³	dm ³	cm ³	mm ³
	L	dL ; cL ; mL	
25	000	000	

$$25 \text{ m}^3 = 25\,000\,000 \text{ cm}^3 = 25\,000 \text{ L}$$

Périmètres et aires

• Rectangle, carré



$$\text{Aire} : L \times l \quad \text{Aire} : c^2$$

• Triangle



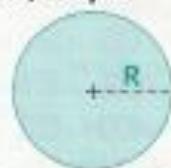
$$\text{Aire} : \frac{b \times h}{2}$$

• Parallélogramme



$$\text{Aire} : b \times h$$

• Cercle, disque

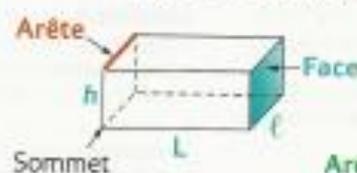


$$\text{Longueur} : 2\pi R$$

$$\text{Aire} : \pi R^2$$

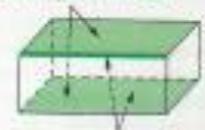
Volumes et aires latérales

• Parallélépipède rectangle



$$\text{Volume} : L \times l \times h$$

Faces parallèles



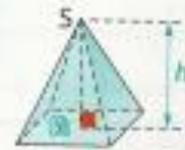
Arête et face parallèles

• Cube de côté c. Volume : c^3 .

• Pyramide

Une pyramide régulière de sommet S est telle que :

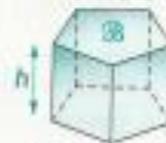
- sa base est un polygone régulier, de centre O ;
- sa hauteur est le segment [SO].



Base d'aire \mathcal{B} .

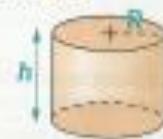
$$\text{Volume} : \frac{1}{3} \mathcal{B} \times h$$

• Prisme droit



Base d'aire \mathcal{B}
et de périmètre p .
Aire latérale : $p \times h$
Volume : $\mathcal{B} \times h$

• Cylindre



Aire latérale : $2\pi R h$
Volume : $\pi R^2 h$

• Cône



Base d'aire $\mathcal{B} = \pi R^2$.
Volume : $\frac{1}{3} \mathcal{B} \times h$

Fiche d'exercices	Mathématiques	Troisième
Révisions de quatrième	Révisions et préparation à l'évaluation diagnostique	

1. Les nombres relatifs.

Exercice 1 : Retirer les parenthèses puis calculer

$$A = (+36) + (-26) + (+17) + (-33)$$

$$B = (-17) - (+9) + (-13) - (-15) + (+14)$$

Exercice 2 : Calculer A, B, C et D

$$A = 2 - 5 + 7$$

$$B = 4 - 5 - 6$$

$$C = 4 + 5 - 6$$

$$D = -4 - 5 - 6$$

Exercice 3 : Sans effectuer de calculs, déterminer le signe de l'expression.

$$A = (-5) \times (-6) \times 7 \quad B = 3(-2) \times 5 \times (-1) \quad C = (-25 : 5) \times [-7 : (-2)] \quad D = -1 \times (-5 : (-3))$$

Exercice 4 : Calculer

$$A = 2 \times (-3) + (-3) \times (-7)$$

$$B = -3 - 5 \times (-2)$$

$$C = 4 \times [-6 + (-8)] - 10$$

$$D = -(12 - 5) + 7$$

$$E = 14 - (5 - 16)$$

$$F = 4 \times (5 - 6)$$

$$G = (-4 + 1) \times (5 - 6)$$

$$H = -1 \times (-5 : (-3))$$

2. Les nombres rationnels (fractions).

Exercice 1 : Addition (même dénominateur)

$$A = \frac{1}{2} - \frac{3}{2}$$

$$B = \frac{8}{7} - \frac{9}{7}$$

$$C = \frac{3}{5} - \frac{12}{5}$$

$$D = -\frac{1}{2} + \frac{11}{2}$$

Exercice 2 : Addition (mise au même dénominateur)

$$E = \frac{1}{3} + \frac{5}{6} \quad F = \frac{7}{5} - \frac{3}{10} \quad G = \frac{1}{3} - \frac{7}{9} \quad H = \frac{2}{5} - \frac{14}{15} \quad I = 1 + \frac{1}{3} \quad J = 2 - \frac{5}{6}$$

Exercice 3 : Calculer et simplifier pour obtenir une fraction irréductible ou un entier.

$$K = \frac{-3}{5} \times \frac{7}{12} \quad L = \frac{-3}{-7} \times \frac{-8}{15} \quad M = \frac{5}{-6} \times 18 \quad N = \frac{-15}{8} \times \frac{27}{-12} \times \frac{-7}{5}$$

$$O = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \quad P = \frac{4}{5} \times \frac{3}{10} \times 100 \quad Q = \frac{1}{3} \times \frac{3}{7} \times \frac{21}{9} \quad R = -\frac{11}{2} \times \frac{20}{33}$$

$$S = \frac{2}{5} \times \left(\frac{8}{3} - 1\right) \quad T = \frac{10}{50} \times \frac{500}{20} \quad V = \frac{10}{18} \times \frac{1}{2} \times \frac{9}{5}$$

Exercice 4 : Calculer et simplifier pour obtenir une fraction irréductible ou un entier.

$$W = \frac{5}{7} : \frac{15}{8}$$

$$X = \frac{24}{6} : \left(-\frac{9}{11}\right)$$

$$Y = \frac{-11}{-18} : \frac{-8}{15}$$

$$Z = \frac{-7}{\frac{6}{-4}} \div \frac{15}{15}$$

Exercice 5 : Calculer chaque expression

$$A = \frac{8}{3} - \frac{8}{3} \times \frac{9}{16}$$

$$B = \left(\frac{3}{4} - \frac{11}{8}\right) : \left(\frac{5}{3} - \frac{7}{4}\right)$$

$$C = \left(\frac{8}{7} - \frac{6}{5}\right) \times \frac{7}{4} - 2$$

Exercice 6 : Exercices de type brevet des collèges

1 Pondichéry, Avril 2010

Calcul A sous la forme d'une fraction irréductible :

$$A = \frac{6}{5} - \frac{17}{14} : \frac{5}{7}$$

2 Amérique du Nord, Juin 2011 2010

	Réponse A	Réponse B	Réponse C
A quelle autre expression le nombre $\frac{7}{3} - \frac{4}{3} : \frac{5}{2}$ est-il égale ?	$\frac{3}{5} : \frac{5}{2}$	$\frac{7}{3} - \frac{3}{4} \times \frac{2}{5}$	$\frac{27}{15}$

3 Amérique du Nord, Juin 2011 2010

	Réponse A	Réponse B	Réponse C
Donner le résultat de : $\frac{2}{3} - \frac{1}{3} \times \frac{5}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{5}{12}$	$-\frac{1}{3}$

3. Développement, réduction et factorisation

Exercice 1 : Réduction d'une écriture littérale. Réduire les expressions suivantes :

$$A = 4x^2 + 3x + 7 - x^2 + 3x - 2$$

$$B = 6x^2 - 5x + 9 - 7x^2 + 3x - 3$$

$$C = 6x - 5x^2 + 7 - x^2 + 3x - 3$$

$$D = 6y - 5x - 9 - 7x + 3y + 3$$

Exercice 2 : Développement. Développer puis réduire :

$$E = 5(x - 2) + 4(3 - 2x)$$

$$F = -\frac{3}{4}x^2 + \left(\frac{5}{7} - \frac{3}{1}x\right)$$

$$G = -\frac{2}{5}x \left(\frac{3}{2}x + \frac{1}{5}\right)$$

$$H = x(x - 1) - 3(x + 1)$$

$$I = x(4 - 6x) + 3x^2 + 5x - 9$$

$$J = (4a + 2)7 - 5(2a - 3)$$

Exercice 3 : Factorisation. Factoriser au maximum les expressions suivantes :

$$J = 6y - yz$$

$$K = x^2 + 6xy$$

$$L = 3x + 12$$

$$M = 8x + 2x(7 - 4x)$$

4. Puissances

Exercice 1 : Ecrire sous forme de puissance d'un nombre entier :

$$A = (2^2)^3 \quad B = 5^4 \times 3^4 \quad C = (10^3)^2 \times 10^{-2}$$

$$D = \frac{2^6}{2^{-2}} \quad E = \frac{3^9 \times 3^{-1}}{3^3}$$

Exercice 2 : Type Brevet des collèges

Ecrire le nombre suivant sous la forme du produit d'un entier par une puissance de 10, puis sans utiliser de puissance de 10 : $F = 2 \times 10^{-8} \times 3 \times 10^6$

5. Le théorème de Pythagore.

Exercice 1 : Calcul de longueurs dans le plan

1) a - Construire le triangle ABC, rectangle en A et tel que AB=4cm et AC=6cm

b - Calculer la valeur exacte de BC puis une valeur approchée à 1mm près si nécessaire

2) a - Construire le triangle DEF, rectangle en F et tel que FE=4cm et ED=6cm

b - Calculer la valeur exacte de DF puis une valeur approchée à 1mm près si nécessaire

Exercice 2 : Calcul de longueurs dans l'espace

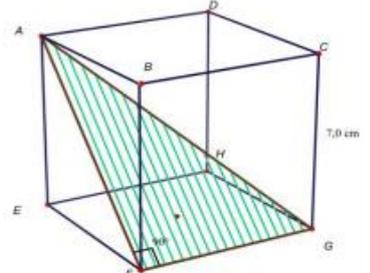
On considère un cube ABCDEFGH de côté 7 cm

1) Calculer la valeur exacte d'AF, la diagonale du carré ABFE

2) On suppose connu le fait que le rectangle AFG est rectangle en F.

Calculer la valeur exacte d'AG puis donnez une valeur approchée à 1mm près.

3) Calculer le volume du cube et l'aire du triangle AFG



Exercice 3 : Triangle rectangle ou non

1) On considère un triangle AZE tel que $AZ = 20\text{cm}$, $AE = 25\text{cm}$ et $ZE = 15\text{cm}$. AZE est-il rectangle ?

2) On considère un triangle PLM tel que $PL = 10\text{mm}$, $PM = 12\text{mm}$ et $LM = 7\text{mm}$. PLM est-il rectangle ?

6. Droites remarquables et triangles semblables

Exercice 1 : Droites remarquables

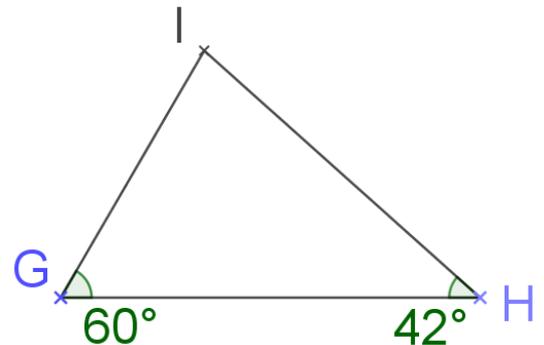
1. Construire en vraie grandeur le triangle GHI tel que $GI = 10\text{cm}$.

a. (d_1) , la hauteur issue de G dans le triangle GHI ;

b. (d_2) , la médiane issue de H dans le triangle GHI ;

c. (d_3) , la médiatrice du segment [HI] ;

d. Le cercle circonscrit du triangle GHI.



Exercice 2 : Triangles semblables

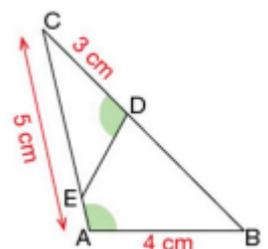
ABC est un triangle tel que $AB = 4\text{cm}$ et $AC = 5\text{cm}$.

D est le point de [BC] tel que $CD = 3\text{cm}$ et E est le point de [AC] tel que $\widehat{CDE} = \widehat{BAC}$.

a. Démontrer que les triangles ABC et CDE sont semblables.

b. Indiquer les sommets et les côtés homologues.

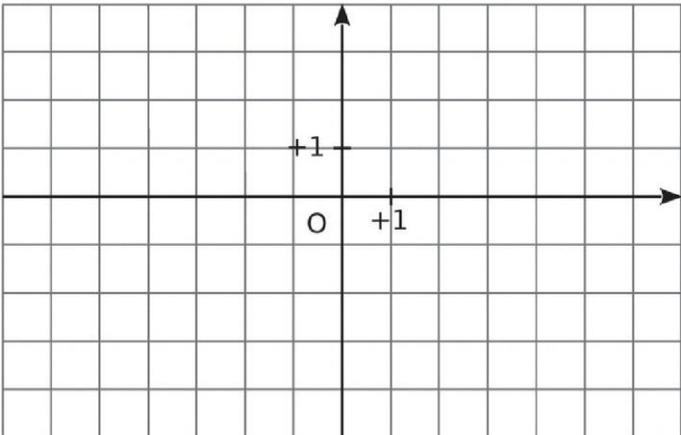
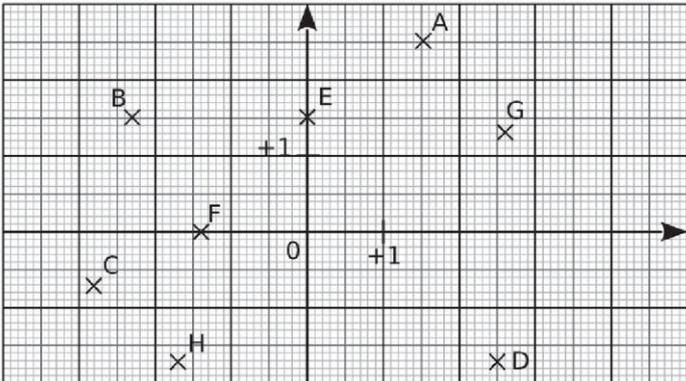
c. Calculer la longueur ED



7. Repérage dans le plan

Coordonnées d'un point	Tout point du plan peut être repéré par la donnée de deux nombres relatifs : l'abscisse et l'ordonnée.
Abcisse	L'abscisse se lit sur l'axe « horizontal » et est citée en premier.
Ordonnée	L'ordonnée se lit sur l'axe « vertical » et est citée en second.

Les exercices 1 et 2 sont à faire directement sur l'énoncé (à imprimer ou reproduire):

<p>Exercice 1 :</p>  <p>Dans le repère ci-dessus, place les points :</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">A(-2 ; 1)</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">C(5 ; -3)</td> <td style="padding: 5px;">E(0 ; -2)</td> </tr> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">B(-4 ; 3)</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">D(-5 ; 0)</td> <td style="padding: 5px;">F(6 ; 1)</td> </tr> </table>	A(-2 ; 1)	C(5 ; -3)	E(0 ; -2)	B(-4 ; 3)	D(-5 ; 0)	F(6 ; 1)	<p>Exercice 2 :</p> <p>Lis et écris les coordonnées des points A à H.</p>  <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">A(... ; ...)</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">C(... ; ...)</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">E(... ; ...)</td> <td style="padding: 5px;">G(... ; ...)</td> </tr> <tr> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">B(... ; ...)</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">D(... ; ...)</td> <td style="border-right: 1px solid black; padding: 5px;">F(... ; ...)</td> <td style="padding: 5px;">H(... ; ...)</td> </tr> </table>	A(... ; ...)	C(... ; ...)	E(... ; ...)	G(... ; ...)	B(... ; ...)	D(... ; ...)	F(... ; ...)	H(... ; ...)
A(-2 ; 1)	C(5 ; -3)	E(0 ; -2)													
B(-4 ; 3)	D(-5 ; 0)	F(6 ; 1)													
A(... ; ...)	C(... ; ...)	E(... ; ...)	G(... ; ...)												
B(... ; ...)	D(... ; ...)	F(... ; ...)	H(... ; ...)												
<p>Exercice 3 :</p> <p>Dans un repère du plan d'unité 2 carreaux en abscisse comme en ordonnée, placer les points suivants :</p> <ul style="list-style-type: none"> • A : d'abscisse - 2 et d'ordonnée 3 • B (0 ; -2) • C (-1 ; -4) <p>Placer ensuite dans ce repère le point D tel qu'ABCD soit un parallélogramme. Quelles sont les coordonnées du point D ?</p>															
<p>Exercice 4 :</p> <p>En reprenant les points A, B et C de l'exercice 3</p> <p>1 - Placez dans un repère leurs symétriques respectifs A', B' et C' par rapport à l'axe des abscisses et donnez leurs coordonnées.</p> <p>2 - Même question avec la symétrie centrale de centre B</p>															

8. Aires et volumes

Exercice 1 : Effectuer les conversions suivantes

- a. $3\text{L} = \dots\dots\text{cL}$ b. $0,7\text{hL} = \dots\dots\text{L}$ c. $5,5\text{ dL} = \dots\dots\text{mL}$ d. $950\text{daL} = \dots\dots\text{hL}$
e. $1\text{L} = \dots\dots\text{cm}^3$ f. $50\text{ dm}^3 = \dots\dots\text{d}$ g. $2\text{ cm}^3 = \dots\dots\text{mL}$ h. $75\text{ hL} = \dots\dots\text{m}^3$
i. $350\text{ cm}^3 = \dots\dots\text{L}$ j. $5,5\text{ mL} = \dots\dots\text{mm}^3$ k. $7\text{m}^3 = \dots\dots\text{dm}^3$ l. $0,456\text{m}^3 = \dots\dots\text{dm}^3$
m. $8,7\text{ dam}^3 = \dots\dots\text{m}^3$ n. $0,0006\text{dam}^3 = \dots\dots\text{m}^3$ p. $1\text{ mm}^3 = \dots\dots\text{cm}^3$ q. $6500\text{m}^3 = \dots\dots\text{dam}^3$
r. $4500\text{mm}^3 = \dots\dots\text{cm}^3$ s. $0,4\text{cm}^3 = \dots\dots\text{mm}^3$ t. $0,546\text{m}^3 = \dots\dots\text{dm}^3$ u. $0,987\text{km}^3 = \dots\dots\text{hm}^3$
v. $456\text{m}^3 = \dots\dots\text{hL}$ w. $50000\text{dL} = \dots\dots\text{m}^3$ x. $0,6\text{L} = \dots\dots\text{mm}^3$ y. $0,0585\text{dam}^3 = \dots\dots\text{hL}$

Exercice 2 : Calculer le volume des pavés droits suivants

